

## Individual Aufgaben

1)

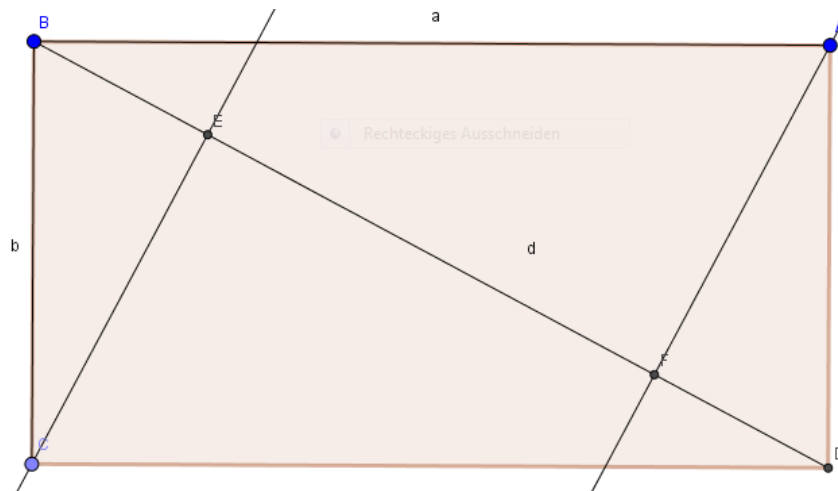
Man nimmt alle Vielfachen von 11 von 1 bis 2017 und subtrahiert die Anzahl der Vielfachen von  $11 \cdot 7 = 77$

Das heißt man rechnet  $(2017:11) - (2017:77)$

$183$  (ohne Rest)  $- 26$  (ohne Rest)  $= 157$

Das heißt es gibt  $157$  Lösungen die durch  $11$  aber nicht durch  $7$  teilbar sind von  $1$  bis  $2017$ .

2)



Es gilt  $BE = EF = FD = x$  und  $EC = FA = y$

$$d = 3x$$

$$a^2 + b^2 = 9x^2$$

$$y^2 + 4x^2 = a^2$$

$$b^2 = x^2 + y^2$$

Man kann einsetzen

$$y^2 + 4x^2 + x^2 + y^2 = 9x^2$$

$$2y^2 + 5x^2 = 9x^2 \quad / -5x^2$$

$$2y^2 = 4x^2 \quad / \sqrt{\square}$$

$$\sqrt{2} \cdot y = 2x \quad /: \sqrt{2}$$

$$y = \sqrt{2} \cdot x$$

Man kann in die Formel  $y^2 + 4x^2 = a^2$ ,

$$(\sqrt{2} \cdot x)^2 + 4x^2 = a^2$$

$$6x^2 = a^2 \quad / \sqrt{\square}$$

$$\sqrt{6} \cdot x = a$$

Und in die Formel  $b^2 = x^2 + y^2$

$$b^2 = 3x^2 \quad / \sqrt{\square}$$

$$b = \sqrt{3} \cdot x$$

Und jetzt kann man a:b mit x berechnen.

$$\frac{\sqrt{6} \cdot x}{\sqrt{3} \cdot x} = \sqrt{2} : 1$$

Das heißt a:b =  $\sqrt{2} : 1$

### 3)

Es gelten folgende Gleichungen:

$$x + cy = c, \quad 2x + 4y = 3, \quad 4x - y = 2$$

Man kann jetzt  $4x - y = 2$  umschreiben auf y.

$$4x - y = 2 \quad / +y \quad / -2$$

$$\mathbf{4x - 2 = y}$$

Man kann  $4x - 2$  statt y in diese Gleichung einsetzen

$$2x + 4 \cdot (4x - 2) = 3$$

Man kann sich jetzt x berechnen.

$$2x + 16x - 8 = 3$$

$$18x - 8 = 3 \quad / +8$$

$$18x = 11 \quad / :18$$

$$x = \frac{11}{18}$$

Und auch y in dem man einsetzt.

$$4. \frac{11}{18} - 2 = y$$

$$\frac{44}{18} - 2 = y = \frac{4}{9}$$

Jetzt kann man in die Gleichung  $x + cy = c$  einsetzen und c berechnen.

$$\frac{11}{18} + \frac{4}{9} c = c \quad / - \frac{4}{9} c$$

$$\frac{11}{18} = \frac{5}{9} c \quad /: \frac{5}{9}$$

$$\frac{11}{10} = c = 1,1$$

1,1 einzige Lösung

#### 4)

g=gerade u=ungerade

a) einstellig: Arten u oder g

es gibt nur entweder u oder g keine Möglichkeit

zweistellig: Arten uu, ug, gg

uu nur u, ug ungerade Anzahl von ungeraden, gg nur g

0 Möglichkeiten

b)

dreistellig: Arten uuu, uug, ugg, ggg

uuu nur ungerade, ugg geht!, uug gerade Anzahl von ungeraden,

ggg nur gerade

Von ugg gibt es wieder drei Möglichkeiten ugg, gug, ggu

Ugg Möglichkeiten:  $5 \cdot 5 \cdot 5 = 125$  da es 5 gerade und 5 ungerade

Zahlen gibt

Gug: Möglichkeiten  $4 \cdot 5 \cdot 5 = 100$  da man 0 nicht an die Hunderterstelle schreiben kann.

Ggu: Möglichkeiten  $4 \cdot 5 \cdot 5 = 100$  da man 0 nicht an die Hunderterstelle schreiben kann.

Also insgesamt  $100 + 100 + 125 = 325$  Möglichkeiten.

c)

vierstellig:

nicht möglich, da es ja eine gerade Anzahl von geraden Zahlen und

eine ungerade Anzahl von geraden sein muss also  $g + u = u$

Es geht nur bei Zahlen mit einer ungeraden Anzahl von Ziffern.

Hier also auch 325.